

Quantencomputer und Komplexität

thosch

Alles was ich sage beruht auf meinen aktuellen
Kentnisstand (07.02.2014) und kann morgen
bereits überholt sein!

Quantencomputer

- Superpositionsprinzip
- Quantenverschränkung
- No-Cloning

Qubit

$$|\psi\rangle = a |0\rangle + b |1\rangle$$

$$|a|^2 + |b|^2 = 1$$

Mehrere Qubits setzen sich als Tensorprodukt der einzelnen Hilberträume zusammen.

Quantengatter

unitäre Transformation auf Qubit

reversible Transformation

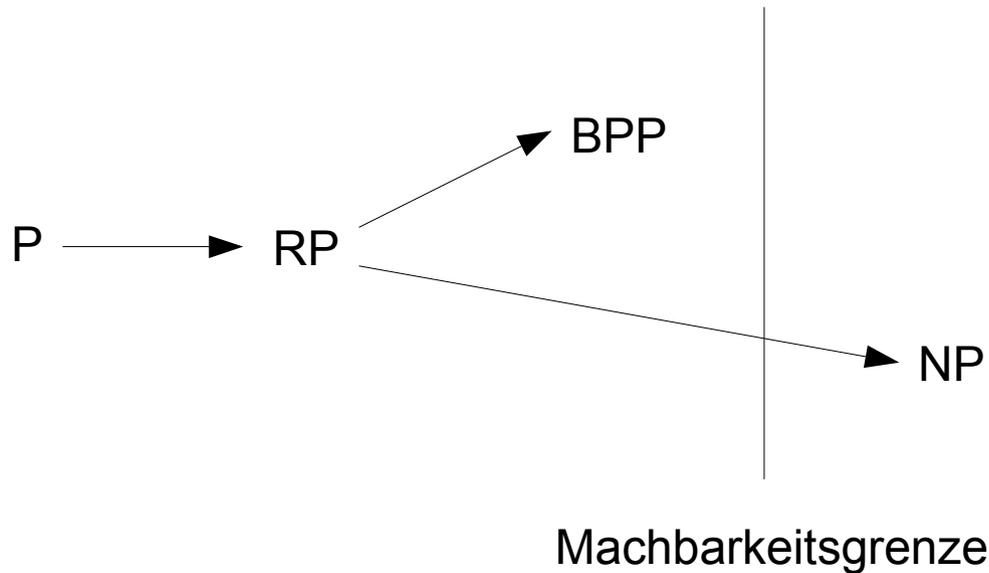
Hadamard	$\text{---} \boxed{H} \text{---}$	$\frac{1}{\sqrt{2}} \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$
Pauli- X	$\text{---} \boxed{X} \text{---}$	$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$
Pauli- Y	$\text{---} \boxed{Y} \text{---}$	$\begin{bmatrix} 0 & -i \\ i & 0 \end{bmatrix}$
Pauli- Z	$\text{---} \boxed{Z} \text{---}$	$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$

Algorithmen Quantencomputer

- Quanten-Fouriertransformation (Shor-Algorithmus)
- Quanten-Suchalgorithmen (Grover-Algorithmus)
- Quanten-Simulation

Komplexitätsklassen

Klassisch

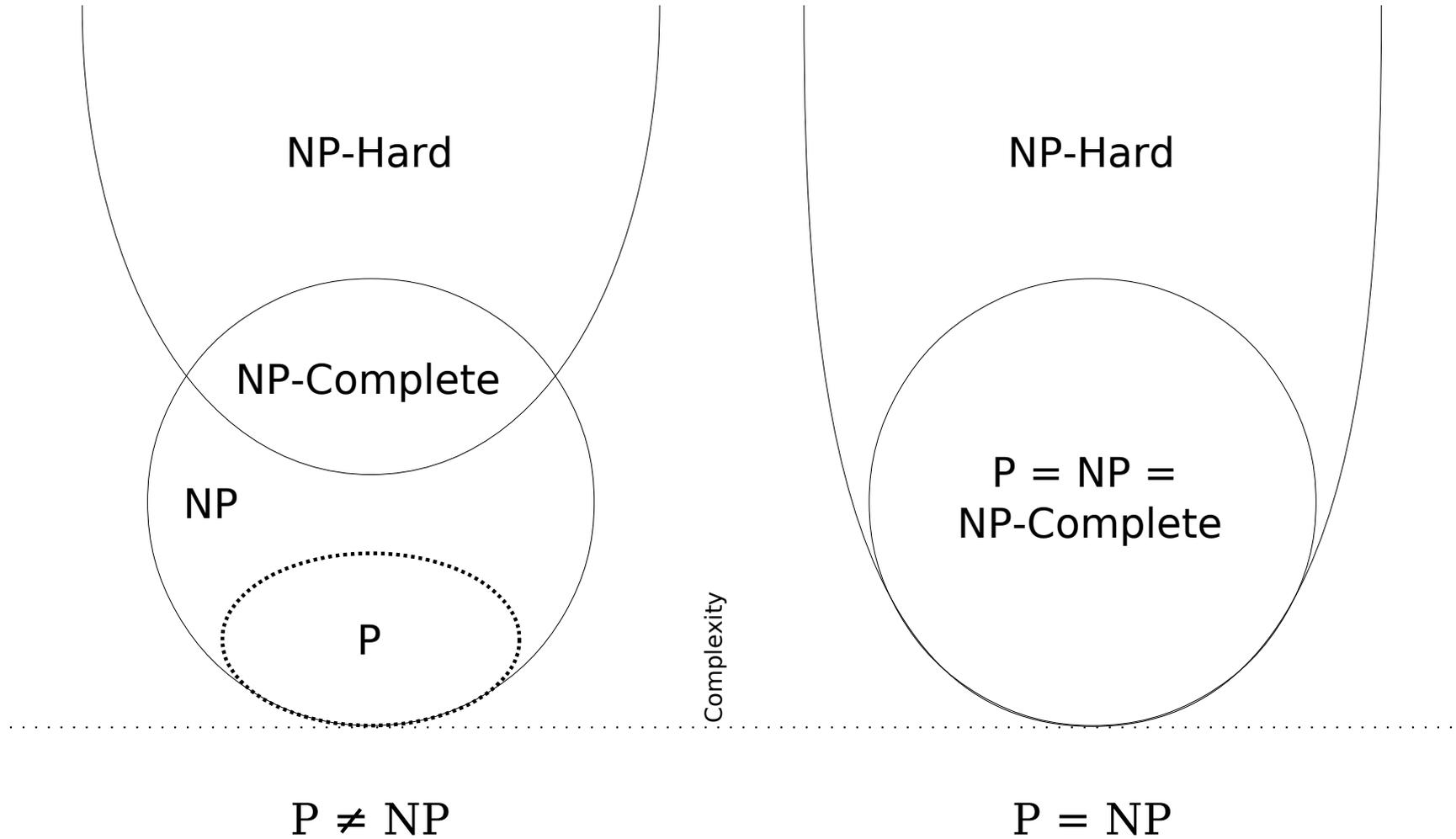


Is $P = BPP$?

Is $P = NP$?

- P polynomial time
- RP randomized polynomial time
- BPP bounded-error probabilistic polynomial time (decision problems)
- NP nondeterministic polynomial time (decision problems)

P/NP



Grover-Algorithmus

Suche in einer unsortierten Datenbank
mit N Einträgen in

$$\mathcal{O}(\sqrt{N})$$

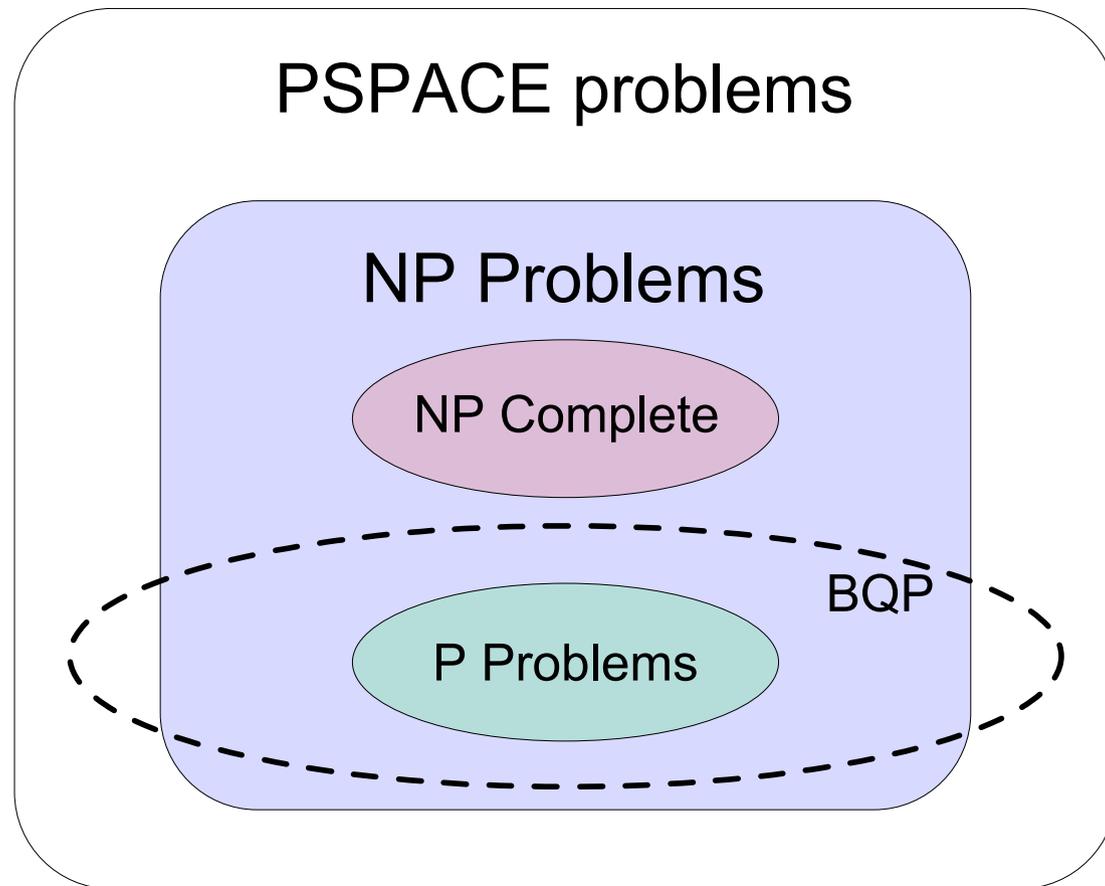
probabilistischer Algorithmus

Grover-Algorithmus ist optimal, kein schnellerer Quantenalgorithmus möglich

—————▶ kein exponentieller Geschwindigkeitsvorteil

Komplexitätsklassen

BQP (bounded error quantum polynomial time)



Quantum Computation and Quantum Information

MICHAEL A. NIELSEN
and ISAAC L. CHUANG

CAMBRIDGE

